

12) Έστω $A(x_1, y_1)$, $B(x_2, y_2)$ και τα y_1, y_2 πηλ.

ων τριωνύμου, ουστως $\frac{y_1 + y_2}{2} = 3 \Rightarrow \frac{2m-1}{2} = 6$

i) \Rightarrow $m = \frac{13}{2}$ ii) Το διάνυσμα $\vec{MO} = (-k, -3)$

ουστως $\rho_{\eta \tau \omega} \quad \epsilon \varphi 300^\circ = \frac{3}{k} \Rightarrow -\epsilon \varphi 60^\circ = \frac{3}{k} \Rightarrow$

$$-\sqrt{3}k = 3 \Rightarrow \boxed{k = -\sqrt{3}}$$

β) $\vec{a} \parallel \vec{b} \Leftrightarrow \lambda \vec{a} = \mu \vec{b} \Rightarrow \Delta = 0$ άρα $(2m-1)^2 + 4(2m-1) = 0$

$$\Rightarrow (2m-1)(2m+3) = 0 \Rightarrow m = \frac{1}{2} \text{ ή } m = -\frac{3}{2}$$

13) Έστω $\vec{c} = k\vec{a} + \lambda\vec{b}$. ①

$$\text{Επίσης, } \cos \frac{\pi}{6} = \frac{\vec{a} \cdot \vec{c}}{|\vec{a}| \cdot |\vec{c}|} \Rightarrow \frac{\sqrt{3}}{2} = \frac{\vec{a} \cdot \vec{c}}{3|\vec{a}|} \Rightarrow \vec{a} \cdot \vec{c} = \frac{3\sqrt{3}}{2} \cdot 2$$

$$\Rightarrow \vec{a} \cdot \vec{c} = 3\sqrt{3}$$

$$\text{και } \vec{b} \cdot \vec{c} = |\vec{b}| \cdot |\vec{c}| \cdot \cos \frac{\pi}{3} = 5 \cdot 3 \cdot \frac{1}{2} = \frac{15}{2}$$

η σχέση ①, αν ποδ/σω τα πάντα με \vec{c} ,

$$\text{δίνει } \vec{c}^2 = k \vec{a} \cdot \vec{c} + \lambda \vec{b} \cdot \vec{c} \Rightarrow 9 = 3\sqrt{3}k + \frac{15}{2}\lambda$$

Ενώ αν ποδ/σω με \vec{a} , θα έχω:

$$\vec{a} \cdot \vec{c} = k \vec{a} \cdot \vec{a} + \lambda \vec{a} \cdot \vec{b} \quad (\text{όπου όμως } \vec{a} \cdot \vec{b} = 0)$$

$$\text{από } \vec{a} \perp \vec{b}, \text{ άρα τω συνιστ. } 3\sqrt{3} = 4k \Rightarrow \boxed{k = \frac{3\sqrt{3}}{4}}$$

$$\text{άρα } 9 = \frac{27}{4} + \frac{15}{2}\lambda \Rightarrow \boxed{\lambda = \frac{9}{30} = \frac{3}{10}}$$